



Araştırma Makalesi / Research Article

## Çift-yönlü dokuma kumaş takviyeli kompozit levhalarda mekanik özelliklerin anizotropiye bağlı değişimi ve optimum laminasyon tasarımlı önerisi

*Variation in mechanical properties with anisotropy and proposal for optimal design of lamination in bidirectional woven fabric reinforced composite sheets*

Raif Sakin<sup>1,2\*</sup>

<sup>1</sup> Balıkesir Üniversitesi Edremit Meslek Yüksekokulu, Makine ve Metal Teknolojileri Bölümü, [rsakin@balikesir.edu.tr](mailto:rsakin@balikesir.edu.tr)

<sup>2</sup> Balıkesir Üniversitesi, Kompozit Araştırma Eğitim-Simülasyon Uygulama ve Araştırma Merkezi

ORCID: <https://orcid.org/0000-0001-6009-9573>

---

### MAKALE BİLGİLERİ

### ÖZ

*Makale Geçmişi:*

Geliş 12 Nisan 2024  
Revizyon 10 Temmuz 2024  
Kabul 11 Temmuz 2024  
Online 30 Eylül 2024

*Anahtar Kelimeler:*

kompozit levha, laminasyon  
tasarımı, istifleme sırası, mekanik  
özellikler, anizotropi

Bu çalışmanın ilk amacı, çift-yönlü dokuma kumaş takviyeli kompozit levhalarda mekanik özelliklerin anizotropiye bağlı değişimini incelemektir. Diğer amaç ise kompozit levha üretiminde mekanik özelliklere ve anizotropiye dayalı optimum laminasyon tasarımlını (istifleme sırasında) belirlemeye kullanılabilecek grafiksel bir yöntemi açıklamaktır. Bu amaçlar için gerekli levhaların imalatında reçine transfer kalıplama yönteminden yararlanılmıştır. Matris ve fiber malzeme olarak sırasıyla, düşük viskoziteli ticari bir polyester reçine ile dört farklı aksanal yoğunluğa sahip çift-yönlü düz cam-dokuma kumaları kullanılmıştır. Her bir levhada kullanılan fiber ağırlığı 750 g ve levhanın merkezinden geçen orta-düzleme göre simetrik olmak şartıyla on farklı laminasyon tasarımu denenmiştir. İmalat prosesi sonunda kalıptan 50 × 50 cm boyutlarında farklı katman sayısı, farklı kalınlık ve fiber hacimlerine sahip olan kompozit levhalar elde edilmiştir. Levhalardan 0°, 15°, 30° ve 45° yönlерinde standartlara uygun numuneler kesilerek, bunların çekme ve eğilme gibi mekanik özelliklere test edilmiştir. Ayrıca, her bir levhanın laminasyon tasarımu ve fiber oryantasyonuna bağlı olarak mekanik anizotropi faktörleri hesaplanmıştır. Toplam 365 adet numune test edilmiş ve veriler SPSS-24 yazılımıyla istatistik olarak analiz edilmiştir. Mekanik özelliklerin tahmini için fiber hacmi, katman sayısı, levha kalınlığı ve fiber oryantasyonu gibi değişkenlere bağlı olarak regresyon denklemleri elde edilmiştir. Bütün çekme, eğilme mukavemeti ve modül verileri MS-Excel'e taşınarak radar (spider) grafikleri çizilmiş ve bu grafikler okunarak optimum laminasyon tasarımları önerilmiştir.

---

### ARTICLE INFO

### ABSTRACT

*Article history:*

Received 12 April 2024  
Received in revised form 10 July 2024  
Accepted 11 July 2024  
Available online 30 September 2024

*Keywords:*

composite sheet, laminate design,  
stacking sequences, mechanical  
properties, anisotropy

*Doi:* [10.24012/dumf.1467637](https://doi.org/10.24012/dumf.1467637)

\* Sorumlu Yazar

The first aim of this study is to investigate the variation in the mechanical properties with the anisotropy of bidirectional woven fabric-reinforced composite sheets. The other aim is to describe a graphical method that can be used to determine the optimum lamination design (stacking sequences) based on the mechanical properties and anisotropy in composite sheet production. The resin transfer molding method was used to manufacture the plates required for these purposes. Composite sheets were fabricated using low-viscosity commercial polyester resin as the matrix and bidirectional woven glass fabrics with four different areal densities as the fibers. It was tested ten different lamination designs, which were symmetric about the mid-plane, and the total fiber weight of the sheets was 750 g. Composite sheets of dimensions 50 × 50 cm with different numbers of layers, thicknesses, and fiber volumes were produced at the end of the process. Standard specimens were cut from the sheets in the 0°, 15°, 30°, and 45° directions, and their mechanical properties, such as tensile and flexural properties, were tested. In addition, the mechanical anisotropy factors were calculated for each sheet, depending on the lamination design and fiber orientation. SPSS-24 software was used to statistically analyze the data from a total of 365 specimens. Regression equations were obtained to predict the mechanical properties based on variables such as fiber volume, number of layers, sheet thickness, and fiber orientation. All tensile, flexural, and modulus data were transferred to MS Excel, and spider graphs were drawn. The optimum lamination designs were suggested by reading these graphs.

## Giriş

Üretim teknolojisinde kullanılan elyaf (fiber) takviyeli polimer (FRP) kompozitler ve kullanım alanları gün geçtikçe yaygınlaşmaktadır. FRP'ler uygulama yerine bağlı olarak birçok önemli özelliğe sahip olmaları nedeniyle savunma, havacılık ve otomotiv sanayi başta olmak üzere, deniz, kara araçları ile inşaat ve enerji sektörlerinde de oldukça yaygın kullanılmaktadır [1-3]. Düşük özgül ağırlıkları nedeniyle tüm FRP kompozitlerin en önemli avantajı, metal ve alaşımaları dahil bilinen geleneksel bir çok malzemeye göre daha hafif, daha yüksek mukavemet/ağırlık ve modül/ağırlık oranlarına sahip olmalarıdır [4]. FRP'ler bahsedilen yüksek mekanik özelliklerini yanında, kontrol edilebilir elektrik iletkenliği, düşük termal genleşme katsayıısı, iyi yorulma direnci ve karmaşık şekilli malzemelerin üretim için uygunluk gibi birçok mükemmel özelliğe sahiptir. Bu üstün özelliklerini sayesinde FRP'ler birçok uygulamada metallerin yanı sıra ahşap, plastik veya alüminyum gibi bilinen malzemelerin de alternatif haline gelmiştir. FRP'lerin temelini oluşturan bileşenlerden karbon, kevlar, bor ve cam gibi elyaflar, hafif, işya dayanıklı ve mukavemeti yüksek malzemelerdir. Mukavemet özellikleri karbon ve kevlara kıyasla daha düşük olsa da, cam elyafı daha az kırılabilir ve daha ekonomiktir. Cam elyafının dokunmasıyla elde edilen tek veya çift yönlü kumaşlarla takviyeli polimer kompozitler (GFRP) ise maliyet dahil bahsedilen fiziksel ve mekanik özelliklerin iyi bir kombinasyonunu oluşturur. Bu nedenle GFRP'ler özellikle gıda ve kimyasal ürünler depolama tankları, silolar, ulaştırma (otomotiv, tren, teknne, yat, uçak, vb.), elektrik-elektronik ve alt-tüp yapı (köprü, bina, profil, boru, vb.) sektörlerinin vazgeçilmezi haline gelmiştir [5-8]. Ancak bütün bu olumlu özelliklerine rağmen, genel olarak FRP'ler anizotropik ve heterojen yapılarından dolayı mekanik özelliklerini fiber oryantasyonu ve laminasyon tasarımına bağlı olarak ciddi oranda azalma göstermektedir [9]. Bu olumsuzluğun en aza indirilmesi için GFRP laminatlarının tasarım çeşitliliğinden faydalananır. Örneğin, bir laminatta birden fazla katman ve elyaf yapısı kullanılabilir. Elyaflar herhangi bir yöndeki yüze dayanacak şekilde yerleştirilebilir veya son ürün farklı oryantasyonlarda kesilerek amaca uygun olarak kullanılabilir. Böylece izotropik malzemelerde olduğu gibi "her yönde eşit mukavemet yerine GFRP'lerde istenilen yönde mukavemet" elde edilerek olumsuzluk azaltılabilir. Literatürde elyaf ve dokuma cinsi, istifleme sırası, katman sayısı ve fiber oryantasyonunun kompozit levhaların mekanik özelliklerine olan etkileri üzerine bazı çalışmalar yapılmıştır [10-14]. Buna rağmen tasarım parametreleri ve elde edilen optimum değerler çok sınırlıdır [15]. Çok sayıda tasarım değişkeninin dahil olmasından dolayı, çeşitli kısıtlamalara sahip kompozit laminatların istifleme dizisi veya tabaka sayısı tasarım için "etkili, verimli, amaca uygun ve basit optimizasyon algoritmaları oluşturmak" halen önemini koruyan konulardan biridir [16]. Bu konuda çok sayıda kombinasyondan oluşan gerçek test sonuçlarına dayalı deneysel ve istatistiksel çalışmalar oldukça zahmetli, pahalı ve zaman alıcı olması nedeniyle sayıca azdır. Bu nedenle literatürde genellikle gerçek test kombinasyonlarını azaltmaya, ideal kombinasyonları bulmaya veya doğrulamaya yönelik istatistiksel (simülasyon) deney

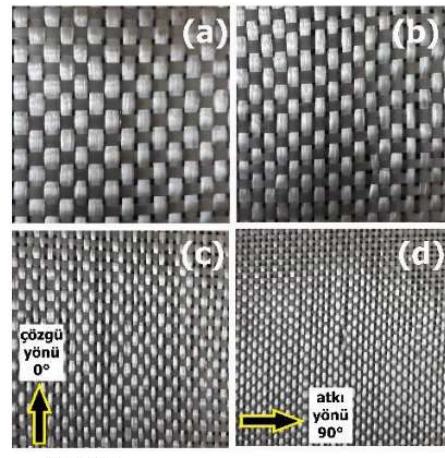
tasarımları yapılmaktadır [11]. Bu kapsamda; epoksi veya polyester matrisli çift yönlü cam, karbon, kevlar, bor elyaf takviyeli kompozitlerin mekanik özelliklerine ilişkin laminat tasarım optimizasyonları Taguchi, yanıt yüzey (RSM) ve genetik algoritma gibi yöntemler kullanılarak yapılmıştır [1,17-25].

Bu çalışmada ise literatürden farklı olarak, istatistiksel analiz ve optimizasyonda kombinasyonları azaltmak için herhangi bir modele uymak veya bir deney tasarımını kullanmak yerine gerçek test verileri kullanılmıştır. Test verileri anlaşılabılır basit grafiklere dökülmüş ve bu grafiklerin okunmasıyla, en olumlu veya olumsuz laminasyon tasarımının anlaşılabileceği bir yöntem sunulmuştur. Ayrıca elde edilen 365 adet test verisi SPSS-24 yazılımla analiz edilerek; fiber hacmi, katman sayısı, levha kalınlığı ve fiber oryantasyonu gibi değişkenlere bağlı olarak mekanik özelliklerin tahmini için kullanılabilen lineer regresyon denklemleri elde edilmiştir.

## Malzeme ve Metot

### Kompozit levha üretimi

Bu çalışmada, GFRP kompozit laminatların üretimi için fiber olarak 800, 500, 400, 300 ve 200 g/m<sup>2</sup> alansal yoğunluğa sahip E-camı dokuma filit elyaflar ve matris olarak ise yoğunluğu  $\rho=1.094 \text{ g/cm}^3$  olan ortoftalik polyester reçine kullanılmıştır. Fiberler, Şekil 1'de görülen ve Şişecam Cam Elyaf A.Ş. tarafından üretilen sürekli cam elyafından (WR) dokunmuş çift eksenli kumaşlardır. Matris ise Poliya Polyester Sanayi ve Tic. A.Ş. tarafından üretilen Polipol™ 336 polyester reçinesidir. Sertleştirici ve hızlandırıcı olarak kullanılan katalizörler ise metil etil keton peroksit (MEKP) ve kobalt (CoNa) naftenat'tır. Cam elyaf, polyester ve diğer bileşenlerin temel mekanik özellikleri Tablo 1'de verilmiştir.



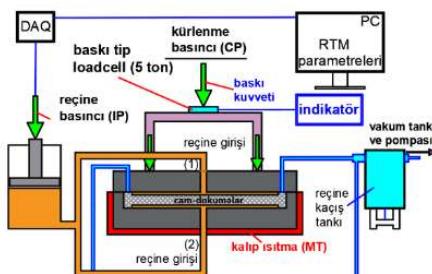
Şekil 1. Cam-dokuma kumaş tipleri; (a) 800, (b) 500, (c) 300 ve (d) 200 g/m<sup>2</sup>

Kompozit levhaların üretimi için Şekil 2'de şematigi görülen reçine transfer kalıplama (RTM) yöntemi kullanılmıştır. Enjeksiyon sonunda metal kalıba üstten ortalama 134 kPa'lık kürleme basıncı (CP) uygulanmıştır. Daha sonra levhalar, ortalama 45 °C'ye kadar ısıtılmış sıcak

kalıp içinde ve sabit basınç altında 22–48 saat aralığında kürlemeye tabii tutulmuştur. On farklı istifleme sırasında sahip cam-dokuma kumaşlar, 5, 6, 7, 8 veya 10 katmanlı olarak tasarlanıp kalıp boşluğununa yerleştirilmiştir. Proses sonunda farklı kalınlık (2.49–3.18 mm) ve elyaf hacimlerine (%38.46–48.01) sahip  $50 \times 50$  cm boyutlarında 10 adet kompozit levha elde edilmiştir.

Tablo 1. Laminat bileşenleri ve mekanik özellikler [11]

Matris	Fiber
Eğilme dayanımı=113 MPa	Yogunluk, $\rho=2.54$ g/cm <sup>3</sup>
Eğilme modülü=3.11 GPa	Tipik çap=12-17 µm
Cekme dayanımı=64 MPa	Cekme dayanımı=2.4 GPa
Elastisite modülü=2.8 GPa	Elastisite modülü≈72.4 GPa
Eğmede max. deformasyon=%4.3	Nihai uzama=%2.97
Cekmede nihai uzama=%2.8	Poisson oranı=0.22
Poisson oranı=0.36	



Şekil 2. Reçine transfer kalıplama yönteminin şematisi

Tablo 2'de kompozit levhalar için seçilen laminasyon tasarımları ve bazı malzeme değişkenleri görülmektedir. Burada; SN: sıra numarası, SS: istifleme kodu, NL: katman sayısı (adet), VF: fiber hacim oranı (%), ST<sub>ort</sub>: ortalama levha kalınlığı (mm), sd: standart sapma, ST<sub>min</sub> ve ST<sub>max</sub> ise sırasıyla minimum ve maksimum levha kalınlığıdır. Levha sıra numaraları, cam-dokumaların istifleme kodu ve katman sayısına göre küçükten büyüğe doğru sıralanmıştır. Örneğin 1-nolu levhadaki 38883 kodu, cam dokuma kumaşlarının sırasıyla 300/800/800/300 g/m<sup>2</sup> şeklinde istiflendiği ve 5 katmanlı bir laminat elde edildiği anlaşılmaya gelir. Şekil 3'de ise elde edilen simetrik bir levhanın laminat tasarımına ait enine kesit şeması görülmektedir. İlgili Şekil 9 sıra numaralı, 2323553232 kodlu ve 10-katmanlı laminat tasarımını ifade etmektedir. Her bir levhada kullanılan fiber ağırlığı 750 gram olarak sabit ve şematik resimde görüldüğü gibi levhanın merkezinden geçen orta-düzeleme göre simetrik laminasyon tasarımları elde edilmiştir.

Tablo 2. Laminasyon tasarımları ve malzeme değişkenleri

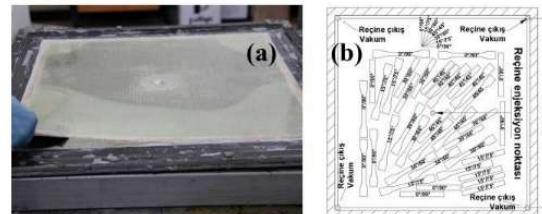
SN	SS kodu	NL	VF	ST <sub>min</sub>	ST <sub>max</sub>	ST <sub>ort</sub> ± sd
1	38883	5	42.05	2.74	3.02	2.85 ± 0.12
2	83838	5	40.84	2.79	3.03	2.94 ± 0.10
3	258852	6	48.01	2.49	2.51	2.50 ± 0.01
4	852258	6	42.62	2.62	2.97	2.80 ± 0.14
5	3538353	7	40.31	2.76	3.17	2.98 ± 0.18
6	5338335	7	42.21	2.64	2.99	2.83 ± 0.11
7	55322355	8	40.51	2.87	2.99	2.96 ± 0.05
8	83222238	8	39.59	2.97	3.10	3.03 ± 0.06
9	2323553232	10	38.46	3.04	3.18	3.11 ± 0.06
10	5323223235	10	40.88	2.80	3.10	2.93 ± 0.12



Şekil 3. Örnek bir levhanın istifleme dizilimi

**Mekanik özellikler için çekme ve eğilme testleri**

Bu çalışmada üretilen kompozit levhalar, kürleme süresi sonunda Şekil 4(a)'da görüldüğü gibi kalıptan çıkarılmıştır. Kürlenmiş levhalarдан Şekil 4(b)'de görüldüğü gibi  $0^\circ$ ,  $15^\circ$ ,  $30^\circ$  ve  $45^\circ$  yönlerinde, EN-ISO-527-4 standartına uygun dog-bone geometrisinde çekme numuneleri ( $20 \times 150$  mm) ve ASTM-D7264/D7264M standartına uygun eğilme numuneleri ( $13 \times 115$  mm) kesilmiştir [26-27]. Elde edilen numuneler çekme ve üç-noktadan eğilme testlerine tabii tutularak; maksimum çekme mukavemeti ( $\sigma_{tu}$ ), elastisite modülü ( $E_t$ ), maksimum eğilme mukavemeti ( $\sigma_{fu}$ ) ve eğilme modülü ( $E_f$ ) gibi mekanik özellikler elde edilmiştir. Şekil 5 ve 6'da sırasıyla hasara uğrayan bazı çekme ve eğilme numuneleri görülmektedir.



Şekil 4. a) levhanın kalıptan alınışı, b) numune kesim yönleri



Şekil 5. Çekme testi sonucu hasara uğrayan numuneler



Şekil 6. Eğilme testi sonucu hasara uğrayan numuneler

### Çift-yönlü dokuma elyaf takviyeli kompozit levhalar için mekanik anizotropi faktörü (AF)

Çift-yönlü dokumalarda çö zgü ( $0^\circ$ ) ve atkı ( $90^\circ$ ) yönlerinin (Şekil 1) mekanik özellikleri arasında belirgin bir fark yoktur. Ancak bu dokumalarda çekme ve eğilme gibi mekanik özelliklerin en zayıf olduğu fiber oryantasyonu daima  $\pm 45^\circ$ lik yöndür. Bu nedenle çift-yönlü dokuma kumashlarda maksimum mekanik anizotropi faktörü Denklem (1)'deki gibi modüle bağlı olarak veya Denklem (2)'deki gibi mukavemetle bağlı olarak hesaplanabilir [11-12,28].

$$AF_{mod} = E_{0/90}/E_{\pm 45} \quad (1)$$

$$AF_{muk} = \sigma_{0/90}/\sigma_{\pm 45} \quad (2)$$

Burada;  $E_{0/90}$  ve  $\sigma_{0/90}$  : sırasıyla en yüksek yöndeki ( $0^\circ/90^\circ$ ) modül ve mukavemet,  $E_{\pm 45}$  ve  $\sigma_{\pm 45}$  : sırasıyla en zayıf yöndeki ( $\pm 45^\circ$ ) modül ve mukavemetdir. Bu çalışmada çift-yönlü cam-dokuma kumashlar için mekanik anizotropi faktörleri, çekme ve eğilme testlerinden elde edilen dört farklı mekanik test verisine bağlı olarak hesaplanmıştır. Maksimum anizotropi faktörleri: çekme mukavemeti için  $AFTs_{45}$ , çekme modülü için  $AFTm_{45}$ , eğilme mukavemeti için  $AFFs_{45}$  ve eğilme modülü için  $AFFm_{45}$  kısaltmalarıyla ifade edilmiştir. Tasarımcı, hangi anizotropi faktörlerini (AF) esas alacağını kompozit levhanın kullanım amacına göre karar vermelidir [29].

### İstatistik analizler

Mekanik özellikler (anizotropi faktörleri dahil) ile fiber hacmi (VF), katman sayısı (NL), levha kalınlığı (ST) ve fiber oryantasyonu (FO) gibi değişkenler arasındaki ilişkilerin anlaşılabilmesi için önce Pearson korelasyon analizleri yapılmıştır. Daha sonra, mekanik özelliklerin belirtilen değişkenlere bağlı tahmini için Stepwise metod ile çoklu regresyon analizleri yapılmıştır. Çekme testleri için 190, eğilme testleri için 175 adet olmak üzere toplam 365 adet veri analiz edilmiş olup adı geçen istatistiksel analizler SPSS-24 yazılımı ile yapılmıştır.

### Sonuçlar ve tartışma

#### Mekanik özellikler ile değişkenler arasındaki ilişkiler

Korelasyon analizi sonucunda elde edilen ve mekanik özellikler ile değişkenler arasındaki korelasyon katsayıları ( $r$ ) Tablo 3'te görülmektedir. Buradaki katsayı iki veri arasındaki ilişki düzeyini şu şekilde gösterir:  $r < 0.20$  ve sıfır yakın değerler "çok zayıf ilişkisi",  $r = 0.20-0.40$  arasında ise "zayıf ilişkisi",  $r = 0.41-0.60$  arasında ise "orta düzeyde ilişkisi",  $r = 0.61-0.80$  arasında ise "yüksek düzeyde ilişkisi" ve  $r = 0.81-1.0$  ise "çok yüksek ilişkisi" ifade eder [30]. Bahsedilen  $r$  katsayısı dışında (\*) ve (\*\*) simgeleri, ikili ilişkileri sırasıyla  $P < 0.05$  ve  $P < 0.01$  düzeyinde anlaşılmaktır. Yıldız simgesi olmayan değişkenler ise neredeyse "anlamsız" veya "çok zayıf düzeyde etkili" olarak tanımlanabilir. Korelasyon katsayıları öntündeki işaretlerler ise etki yönlerini (- veya +) ifade etmektedir. Buna göre; sırasıyla mekanik özelliklerini negatif yönde ve anlamlı düzeyde ( $**P < 0.01$ ) etkileyen değişkenlerin fiber oryantasyonu (FO) ve levha kalınlığı

(ST) kalınlığı olduğu anlaşılmaktadır. Anizotropiyi yüksek düzeyde negatif olarak ve anlamlı yönde ( $**P < 0.01$ ) etkileyen faktör ise doğal olarak fiber oryantasyonudur. İlaveten Tablo 3'de istifleme sırası (SS) ile anizotropi faktörlerinin diğer değişkenlerle olan ikili ilişki düzeyleri anlaşılmamaktadır.

Tablo 3. Korelasyon katsayıları

<b>Çekme</b>	<b>SS</b>	<b>VF</b>	<b>NL</b>	<b>ST</b>	<b>FO</b>
$\sigma_{tu}$	-0.046	0.114	-0.054	-0.309**	-0.868**
$E_t$	-0.180*	0.185*	-0.203**	-0.379**	-0.876**
AFTs	-0.098	0.114	-0.088	0.193	0.945**
AFTm	0.165	-0.124	0.210	0.369*	0.869**
SS	1	-0.522**	0.971**	0.466**	0.000
<b>Eğilme</b>	<b>SS</b>	<b>VF</b>	<b>NL</b>	<b>ST</b>	<b>FO</b>
$\sigma_{fu}$	-0.119	0.121	-0.137	-0.355**	-0.943**
$E_f$	-0.152*	0.192*	-0.175*	-0.447**	-0.882**
AFFs	0.059	-0.022	0.049	0.220	0.964**
AFFm	0.136	-0.083	0.121	0.290	0.896**
SS	1	-0.522**	0.971**	0.446**	0.000

Pearson korelasyonu  $**P < 0.01$  düzeyinde ve \* $P < 0.05$  düzeyinde anlamlıdır (2-yönlü). SS: laminasyon tasarım, VF (%): fiber hacmi, NL: katman sayısı, ST (mm): levha kalınlığı, FO (%): fiber oryantasyonu.

#### Mekanik özelliklerin tahmini

Mekanik özellikler üzerinde en etkili değişkenlere bağlı olarak lineer regresyon denklemleri elde edilmiş ve Tablo 4'de verilmiştir. Bazı sınır şartlara bağlı olmakla birlikte bu denklemler, test verilerinin saflığını uygun bir doğrulukta ( $R^2$ ) formüllüze etmektedir. Dolayısıyla elde edilen lineer denklemler, mekanik özelliklerin tahmininde rahatlıkla kullanılabilir. Ayrıca her ne kadar Tablo 3'deki korelasyonlarda bazı mekanik özellikler birden fazla etkileyen (\*) veya (\*\*) simgeli değişken olduğu görülse de esasen çoklu regresyon analizinde hepsinin aynı anda lineer regresyon denklemine girecek kadar etkili olmadığı anlaşılmabilir. Örneğin ilk bakışta Tablo 3'deki ikili ilişkilere göre;  $E_t$ 'nin NL, ST ve FO değişkenlerinden negatif yönde, zayıf (\*) veya yüksek düzeyde etkilediği (\*\*) görülmektedir. Buna rağmen, çoklu regresyon analizine göre anlamlı olup Tablo 4'deki denklemde yerini alan etkili değişkenlerin FO ve NL olduğu görülmektedir.

Tablo 4. Regresyon analizi sonuçları

Regresyon denklemleri *	$R^2$	df
$\sigma_{tu} = 404.1 - 4.45 \times FO - 53.52 \times ST$	0.771	2, 189
$E_t = 17970 - 228.5 \times FO - 548.7 \times NL$	0.813	2, 189
$\sigma_{fu} = 609.7 - 6.94 \times FO - 53.69 \times ST - 7.68 \times NL$	0.926	3, 174
$E_f = 27950 - 238.5 \times FO - 3415 \times ST - 346.5 \times NL$	0.903	3, 167

\*Regresyon denklemleri  $P < 0.01$  düzeyinde anlamlıdır. Bazı uç değerler elenmiştir. Sınır şartları:  $0 \leq FO \leq 45$ ,  $5 \leq NL \leq 10$ ,  $2.49 \leq ST \leq 3.18$

Laminasyon tasarımı olarak test edilen on farklı istifleme sırası (SS) 1–10 arasında numaralandırılarak istatistik analizlere dahil edilmesine rağmen ilk bakışta, mekanik özellikler üzerinde çok da etkili olmadığı ( $P \geq 0.05$ ) görülmüştür. Ancak Tablo 3'e dikkat edilirse hem çekme hem de eğilme testlerindeki verilerin korelasyon analizine göre NL ile SS arasında "yüksek düzeyde" ilişki ( $**P < 0.01$ ) vardır. Buradan hareketle bu değişkenlere özel regresyon analizi yapıldığında çekme testi için Denklem (3), eğilme testi için ise Denklem (4) elde edilir. Bu denklemlerden elde edilen NL değeri ise Tablo 4'deki regresyon denklemlerinde yerine konulabilir. Böylede 1 ile 10

arasında numaralanmış laminasyon tasarımlarının mekanik özelliklere etkisi ortaya konulabilir.

$$NL = 3.994 + 0.586 \times SS \quad (R^2=0.944) \quad (3)$$

$$NL = 4.005 + 0.582 \times SS \quad (R^2=0.943) \quad (4)$$

Korelasyon veya regresyon sonuçları tablolardan görülen değişkenlerden ziyade mekanik özellikleri birden fazla değişken aynı anda etkilemektedir. Dolayısıyla, kompozit levhalarda mekanik özellikler ve anizotropiye bağlı laminasyon tasarıma karar vermede, korelasyon ve regresyon sonuçları güçlü ipuçları verse de tam olarak yeterli değildir. Daha güçlü çıkarım yapabilmek için bütün çekme, eğilme mukavemeti ve modül verileri MS-Excel'e taşınmıştır. Öncelikle Şekil 7 (a, b) ve 8 (a, b)'de görüldüğü gibi  $0^\circ$ ,  $15^\circ$ ,  $30^\circ$  ve  $45^\circ$ 'lik oryantasyonlarda kesilen on farklı laminasyon tasarımdaki levhaların mukavemet, modül ve anizotropi faktörlerini içeren üçlü grafikler elde edilmiştir. Optimum laminasyon tasarıma daha net karar verebilmek için ise radar (spider) grafikleri çizilmiştir. Bu grafikler okunarak en olumlu veya olumsuz laminasyon tasarımları daha net anlaşılabilir.

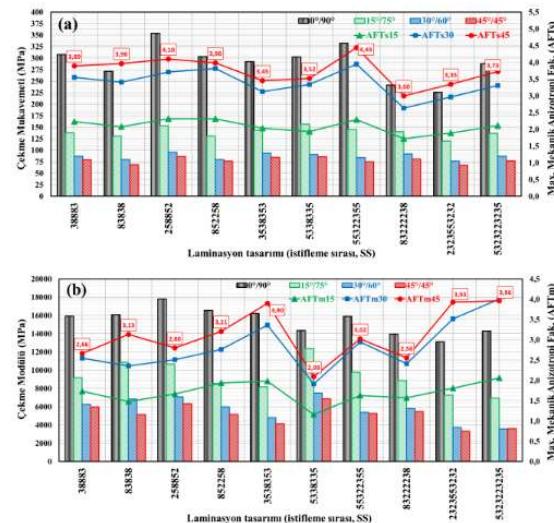
### Optimum laminasyon tasarımları ve istifleme sırası belirleme

Laminat optimizasyonlarında sadece malzeme değişkenleri değil malzeme üretim parametreleri ile birlikte nihai ürünün yükleme tipi, çevre şartları ve zaman gibi değişkenlerin de dikkate alınması gereklidir. Özellikle kritik tasarımların mukavemet hesaplarında laminat istifleme sırası için optimizasyon rutinleri geliştirmek oldukça zordur [31]. Bu tasarımlarda net bir avantajı belirten analiz ve test verileri bulunmadıkça, mukavemet açısından yüksek seviyede anizotrop yapıya sahip laminasyon tasarımlarından kaçınılmamalıdır. Bazı çalışmalarında iki-yönlü ( $0^\circ/90^\circ$ ) fiber oryantasyonuna sahip dokuma kumaş takviyeli kompozitlerde fiber oryantasyonu  $\pm 45^\circ$  döndürülerken test edildiğinde, ilgili parçanın çekme dayanımının %67-71 oranında düşürüldüğü tespit edilmiştir [32-33]. Özellikle kuvvet (mukavemet) kontrollü tasarımlarda, katman sayısı, dokuma tipi, elyaf cinsi ve oryantasyonları laminatin mekanik anizotropisini en aza veya optimum bir değere indirecek şekilde ve sırada yerleştirilmesiyle oluşturulan SS tasarımları şiddetle tavsiye edilir [31]. Yukarıda bahsedilen zorluklara rağmen ve bütün kriterlerin aynı anda sağlanması mümkün olmamakla birlikte optimum laminasyon tasarıma karar vermede aşağıdaki kriterleri göz önüne almak gereklidir:

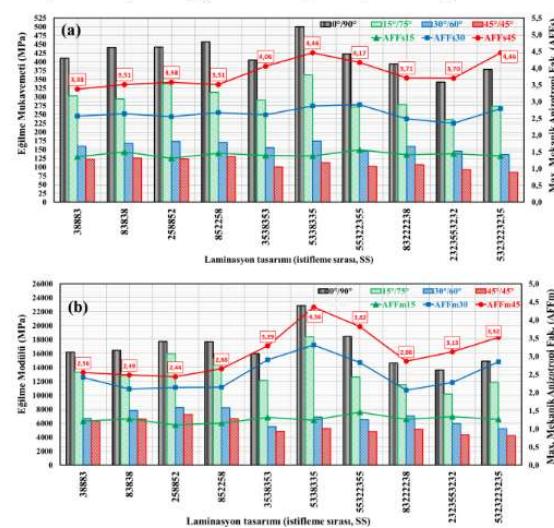
- Simetrik ve asimetrik istifleme dizileri arasında, fiber hacminden bağımsız olarak, simetrik olan tasarım daha yüksek çekme ve eğilme özelliklerine sahiptir [34]. Dolayısıyla orta eksene göre simetrik bir levha [35].
- Bütün fiber oryantasyonlarında hem minimum anizotropi ( $\downarrow$ ) hem de maksimum mukavemet ( $\uparrow$ ) ve modüle ( $\uparrow$ ) sahip bir levha [11].
- Anizotropiye düşündüğü ( $\downarrow$ ) için daha çok katmanlı ( $\uparrow$ ) levha [11].
- Kalınlığın artması (ST $\uparrow$ ), mukavemet ( $\sigma_{tu}\downarrow$  ve  $\sigma_{fu}\downarrow$ ) ve modülleri ( $E_t\downarrow$  ve  $E_f\downarrow$ ) düşündüğü için mümkünse daha ince levha (ST $\downarrow$ ) [36],

- Daha ince levhadan fazla ödün vermeden; mukavemet ve modülleri artttığı ( $\uparrow$ ) için daha yüksek fiber hacmine (VF $\uparrow$ ) sahip levha,
- Daha az katman sayısı ( $\downarrow$ ); daha stabil levha kalınlığı, daha az işçilik ( $\downarrow$ ), zaman ( $\downarrow$ ) ve maliyet ( $\downarrow$ ) anlamına da gelebilir. Ayrıca, etki düzeyi zayıf olmasına rağmen bu çalışma kapsamında katman sayısındaki artış (AFTs hariç) anizotropileri artttığı ( $\uparrow$ ) ve mukavemeti düşürdüğü için mümkünse daha az katmanlı ( $\downarrow$ ) levha [37].

tercih sebebi olmalıdır.



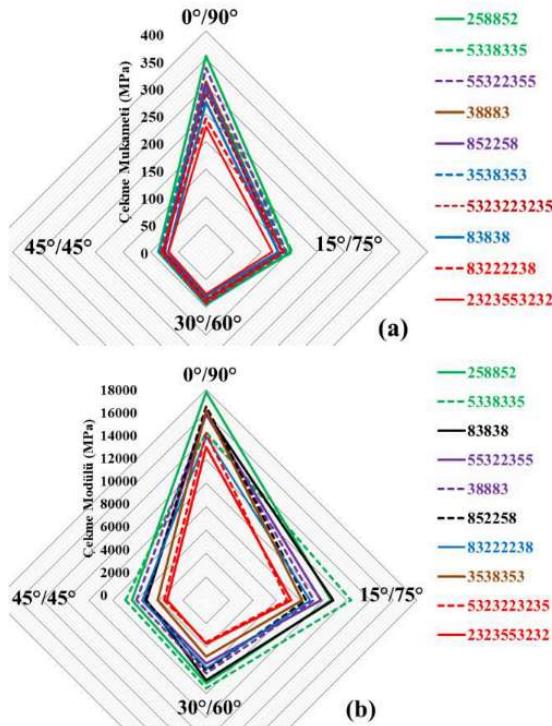
Şekil 7. a) SS- $\sigma_{tu}$ -AFTs ve b) SS- $E_t$ -AFTm grafikleri



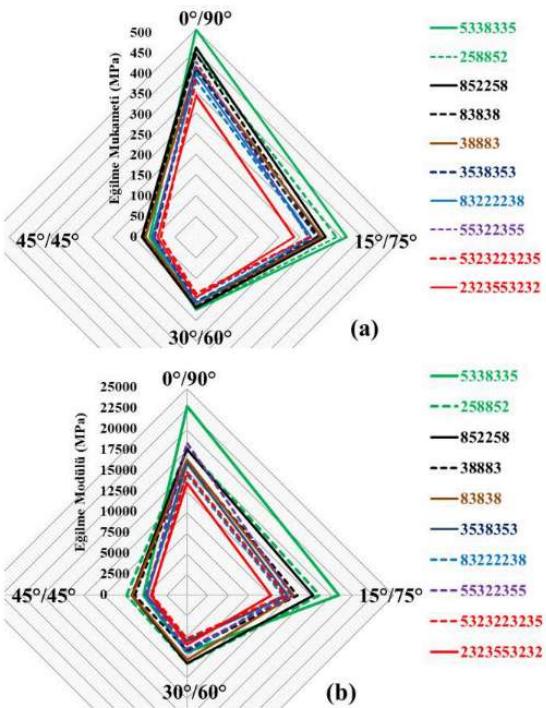
Şekil 8. a) SS- $\sigma_{fu}$ -AFFs ve b) SS- $E_f$ -AFFm grafikleri

Şekil 7 (a)'ya göre 83222238 kodlu levha minimum AFTs'ye, 258852 kodlu levha ise maksimum  $\sigma_{tu}$ 'ya sahiptir. Şekil 7 (b)'ye göre ise 5338335 kodlu levha minimum AFTm'ye, yine 258852 kodlu levha maksimum  $E_t$ 'ye sahiptir. Şekil 8 (a)'ya göre 38883 kodlu levha minimum AFFs'ye, 5338335 kodlu levha maksimum

$\sigma_{fu}$ 'ya sahiptir. Şekil 8 (b)'ye göre ise yine 38883 kodlu levha minimum AFFm'ye, 5338335 kodlu levha maksimum  $E_f$ 'ye sahiptir. Bu kriterlere göre, laminasyon tasarımları seçiminde mekanik anizotropi faktörlerinin minimum veya mukavemet ile modül verilerinin maksimum olduğu laminasyon tasarımının tercih edilmesi gerektiği düşünülebilir. Ancak, "anizotropi düzüklüğü  $0^\circ/90^\circ$  yönündeki maksimum mukavemet veya modülüne de düşük seviyede olduğu", " $0^\circ/90^\circ$  yönündeki mukavemet veya modülüne yüksekliği ise anizotropinin de yüksek olduğu" anımlarına gelebilir. Dolayısıyla tek kriterle bağlı karar vermek mümkün değildir. Bundan dolayı bu çalışmada farklı laminasyon tasarımları arasında, çekme ile eğilme mukavemeti ve modülleri açısından test edilerek amaca en uygun istifleme sırası aranmaktadır. Bu amaca yönelik optimum laminasyon tasarımlarına karar vermede Şekil 8 ve 9'daki radar grafiklerini kullanmak en mantıklı ve basit yöntem olabilir.



Şekil 8. a)  $\sigma_{tu}$ -FO-SS ve b)  $E_t$ -FO-SS için radar grafikleri



Şekil 9. a)  $\sigma_{fu}$ -FO-SS ve b)  $E_f$ -FO-SS için radar grafikleri

Radar grafiklerinden şu şekilde yararlanılır. Şekil 8 ve 9'da yamuk geometrisindeki grafiğin en dışındaki yer alan laminasyon en olumlu (optimum) tasarım iken en içteki ise en olumsuz tasarımındır. Buna göre; çekme mukavemeti ve çekme modülü açısından optimum laminasyon 258852 kodlu tasarımındır (Şekil 8 a ve b). Eğilme mukavemeti ve eğilme modülü açısından optimum laminasyon 5338335 kodlu tasarımındır (Şekil 9 a ve b). Test edilen bütün mekanik özelliklere göre, Şekil 8 ve 9'da görüldüğü gibi en olumsuz tasarım ise 10 katlı 2323553232 kodlu tasarım olduğu görülmektedir. Çalışma sonunda, çekme mukavemeti ve modülü esas alındığında 5338335 kodlu tasarım, eğilme mukavemeti ve modülü esas alındığında ise 258852 kodlu tasarım optimum laminasyonlar olarak tercih edilmelidir. Kompozit parçaların kalitesi ve mukavemeti öncelikle içerdığı makro/mikro hava kabarcıklarının yüzdesiyle ilgilidir. Yüksek alansal ağırlığa sahip 500 ve 800 g/m<sup>2</sup> gibi dokuma tipleri 200 ve 300 g/m<sup>2</sup>lik dokumalara göre daha yüksek reçine geçirgenliğine sahiptir [11]. Laminasyon tasarımında reçine geçirgenliği yüksek olan dokumaların düşük olanlara göre daha fazla kullanılması veya uygun yere yerleştirilmesiyle daha homojen reçine akışı ve elyafların daha iyi ıslanması sağlanır. Böylece kompozit levhadaki makro ve mikro hava kabarcıklarının oluşumu en aza inerek mukavemetin artmasına sebep olur [11,38]. Bu çalışmada ideal katman sayısının 6–7 adet olduğu, katman sayısı arttıkça ( $\uparrow$ ) laminatlardaki reçine geçirgenliğinin azaldığı ( $\downarrow$ ) söylenebilir. Katman sayısındaki artışla birlikte istifleme sırasında 200–300 g/m<sup>2</sup> gibi dokuma kumaşların üst ve alt katlara yerleştirilmesi reçine geçirgenliğini olumsuz etkilemiştir. Dolayısıyla reçine geçirgenliğindeki bu azalma levha mukavemetlerinin düşmesine neden olmuştur. Bununla birlikte en küçük gözenekli ve en düşük

reçine geçirgenliğine sahip olan 200 g/m<sup>2</sup>'lik dokuma kumaşların laminat merkezinde bulunması, çekme mukavemetini azaltırken (↓) ve eğilme mukavemetini (↑) arttırmıştır.

## Teşekkür

Katkılarından dolayı makine mühendisi Yakup Daban'a teşekkürler.

## Kaynaklar

- [1] S. Basavarajappa, K. V. Arun and J. P. Davim, "Effect of filler materials on dry sliding wear behavior of polymer matrix composites—a Taguchi approach," *J. Miner. Mater. Char. Eng.*, vol. 8, no. 05, pp. 79-391, May. 2009. Doi: 10.4236/jmmce.2009.85034.
- [2] Y. Rostamiyan, H. Youseftabar and R. Azadi, "Experimental study on the effect of nano zirconia on mechanical strength and microstructure of damaged epoxy-nanocomposites," *Mater. Res. Express*, vol. 6, no. 2, Nov. 2018. Doi: 10.1088/2053-1591/aaef67.
- [3] R. Azadi and Y. Rostamiyan, "Experimental and analytical study of buckling strength of new quaternary hybrid nanocomposite using Taguchi method for optimization," *Constr. Build. Mater.*, vol. 88, no. 0, pp. 212-224, May. 2015. Doi: 10.1016/j.conbuildmat.2015.04.018.
- [4] Y. Rostamiyan and M. Rezaei, "The effect of nano Zirconium dioxide and drilling on the buckling strength of epoxy based nanocomposites," *Mater. Chem. Phys.*, vol. 212, no., pp. 523-532, 2018. Doi: 10.1016/j.matchemphys.2018.03.018.
- [5] G. Gao and Y. Li, "Mechanical properties of woven glass fiber-reinforced polymer composites," *Emerging Mater. Res.*, vol. 5, no. 2, pp. 201-208, Dec. 2016. Doi: doi.org/10.1680/jemmr.16.00018.
- [6] D. K. Rajak, D. D. Pagar, P. L. Menezes and E. Linul, "Fiber-reinforced polymer composites: Manufacturing, properties, and applications," *Polymers*, vol. 11, no. 10, pp. 1667-1704, Oct. 2019. Doi: doi.org/10.3390/polym11101667.
- [7] A. Diniță, R. G. Ripeanu, C. N. Ilincă, D. Cursaru, D. Matei, R. I. Naim, M. Tănase and A. I. Portocă, "Advancements in Fiber-Reinforced Polymer Composites: A Comprehensive Analysis," *Polymers*, vol. 16, no. 1, pp. 2-50, Dec. 2023. Doi: doi.org/10.3390/polym16010002.
- [8] M. A. Karim, M. Z. Abdullah, A. F. Deifalla, M. Azab and A. Waqar, "An assessment of the processing parameters and application of fibre-reinforced polymers (FRPs) in the petroleum and natural gas industries: A review," *Results Eng.*, vol. 18, no. 101091, pp. 1-20, June 2023. Doi: doi.org/10.1016/j.rineng.2023.101091.
- [9] W. Zhang and K. E. Evans, "Numerical prediction of the mechanical properties of anisotropic composite materials," *Comput. Struct.*, vol. 29, no. 3, pp. 413-422, Feb. 1988. Doi: doi.org/10.1016/0045-7949(88)90394-X.
- [10] J. K. Olewi, E. S. Al-Hassani and A. A. Mohammed, "Experimental Investigation and Mathematical Modeling of Tensile Properties of Unsaturated Polyester Reinforced by Woven Glass Fibers," *Eng. Tech. J.*, vol. 32, no. 3 Part (A) Engineering, pp. 653-666, March 2014. Doi: doi.org/10.30684/etj.32.3A.8.
- [11] R. Sakin, "Layup design optimization for e-glass woven roving fabric reinforced polyester composite laminates produced by VARTM," *Fibers Polym.*, vol. 22, no. 2, pp. 509-527, Jan. 2021. Doi: doi.org/10.1007/s12221-021-0087-x.
- [12] R. Sakin, "Effects of glass-mat on mechanical anisotropy in bidirectional e-glass woven roving reinforced composite sheets produced by RTM method," *Pamukkale Univ. J. Eng. Sci.*, vol. 23, no. 8, pp. 967-973, 2017. Doi: 10.5505/pajes.2017.55631.
- [13] A. R. M. Rao and N. Arvind, "Optimal stacking sequence design of laminate composite structures using tabu embedded simulated annealing," *Structural Engineering and Mechanics*, vol. 25, no. 2, pp. 239-268, Jan. 2007. Doi: doi.org/10.12989/sem.2007.25.2.239.
- [14] Y. Mohammed, M. K. Hassan, A. El-Ainin H and A. Hashem, "Effect of stacking sequence and geometric scaling on the brittleness number of glass fiber composite laminate with stress raiser," *Science and Engineering of Composite Materials*, vol. 21, no. 2, pp. 281-288, Aug. 2014. Doi: doi.org/10.1515/secm-2013-0038.
- [15] H. Norouzi and Y. Rostamiyan, "Experimental and numerical study of flatwise compression behavior of carbon fiber composite sandwich panels with new lattice cores," *Constr. Build. Mater.*, vol. 100, no., pp. 22-30, Dec. 2015. Doi: 10.1016/j.conbuildmat.2015.09.046.
- [16] Z. Jing, X. Fan and Q. Sun, "Stacking sequence optimization of composite laminates for maximum buckling load using permutation search algorithm," *Compos. Struct.*, vol. 121, no., pp. 225-236, March 2015. Doi: 10.1016/j.compstruct.2014.10.031.
- [17] P. Mandal, D. K. Jethi, D. Das, A. K. Rout and R. K. Nayak, "Three-body abrasion wear performance of glass/carbon fiber reinforced polymer hybrid composites," *Mater. Today-Proc.*, vol. 5, no. 9, pp. 20777-20784, 2018. Doi: 10.1016/j.matpr.2018.09.046.
- [18] A. Nayak, D. K. Jethi, B. C. Routara, D. Das and R. K. Nayak, "Tribological properties of glass/carbon hybrid composites through inter-ply arrangement using Response Surface Methodology," *Mater. Today-Proc.*, vol. 5, no. 9, pp. 19828-19835, 2018.
- [19] S. Swarup Mohanty, A. Kumar Rout, D. Kumar Jethi, B. Chandra Routara and R. Kumar Nayak, "Evaluation of mechanical and wear performance of glass/carbon fiber reinforced polymer hybrid composite," *Mater. Today-Proc.*, vol. 5, no. 9, pp. 19854-19861, 2018. Doi: 10.1016/j.matpr.2018.06.350.
- [20] D. K. Jethi, P. Mandal, A. K. Rout and R. K. Nayak, "Enhancement of mechanical and specific

- wear properties of glass/carbon fiber reinforced polymer hybrid composite," *Procedia Manuf.*, vol. 20, no., pp. 536-541, 2018. Doi: doi.org/10.1016/j.promfg.2018.02.080.
- [21] D. K. Jesthi, A. Nayak, B. C. Routara and R. K. Nayak, "Evaluation of Mechanical and Tribological Properties of Glass/Carbon Fiber Reinforced Polymer Hybrid Composite," *Int. J. Eng.*, vol. 31, no. 7, July 2018. Doi: 10.5829/ije.2018.31.07a.12.
- [22] Siddhartha and K. Gupta, "Mechanical and abrasive wear characterization of bidirectional and chopped E-glass fiber reinforced composite materials," *Mater. Design.*, vol. 35, no., pp. 467-479, March 2012. Doi: 10.1016/j.matdes.2011.09.010.
- [23] S. Mullaikodi, K. Shanmugasundaram, V. S. Rao and S. Rengarajan, "Synthesis, characterization and machinability studies on thin hybrid composites with SiC nano particles," *Mater. Res. Express*, vol. 6, no. 6, pp. 065321, March 2019. Doi: doi.org/10.1088/2053-1591/ab0ddc.
- [24] A. Todoroki and M. Sasai, "Stacking sequence optimizations using GA with zoomed response surface on lamination parameters," *Adv. Compos. Mater.*, vol. 11, no. 3, pp. 299-318, July 2002. Doi: 10.1163/156855102762506335.
- [25] A. Todoroki, K. Suenaga and Y. Shimamura, "Stacking sequence optimizations using modified global response surface in lamination parameters," *Adv. Compos. Mater.*, vol. 12, no. 1, pp. 35-55, Apr. 2003. Doi: 10.1163/156855103322320365.
- [26] EN-ISO-527-4, Plastics - Determination of tensile properties - Part 4: Test conditions for isotropic and orthotropic fibre-reinforced plastic composites, CH-1214 Vernier, Geneva, Switzerland, 2021.
- [27] ASTM-D7264/D7264M, Standard Test Method for Flexural Properties of Polymer Matrix Composite Materials, Pennsylvania 19428-2959, USA, 2007.
- [28] B. N. Cox and G. Flanagan, *Handbook of analytical methods for textile composites, NASA Contractor Report 4750, NASA Langley Research Center, Hampton, Virginia, USA*. [Online]. Available: <https://ntrs.nasa.gov/api/citations/19970017583/downloads/19970017583.pdf>. 1997.
- [29] Z. Xu and A. Yokoyama, "Influence of the Woven Structure on the Initial Fracture Behavior of Roving Glass Fabric Reinforced Composites," *Open J. Compos. Mater.*, vol. 08, no. 02, pp. 54-67, 2018. Doi: 10.4236/ojcm.2018.82005.
- [30] J. R. Landis and G. G. Koch, "The measurement of observer agreement for categorical data," *Biometrics*, no., pp. 159-174, 1977.
- [31] USA-Deptpartment-of-Defense, *Composite Materials Handbook*. Materials, Usage, Design, and Analysis. Vol. 3 of 5. CRC Press, New York, 1997. <http://assist.daps.dla.mil>.
- [32] T. Seshaiah and V. K. Reddy, "Effect of fiber orientation on the mechanical behavior of e-glass fibre reinforced epoxy composite materials," *Int. J. Mech. Prod. Eng. Res. Dev.*, vol. 8, no. 8, pp. 379-396, 2018. Doi: doi.org/10.5505/pajes.2017.55631.
- [33] N. Kumar and A. Singh, "Study the effect of fiber orientation on mechanical properties of bidirectional basalt fiber reinforced epoxy composites," *Mater. Today-Proc.*, vol. 39, no., pp. 1581-1587, 2021. Doi: doi.org/10.1016/j.matpr.2020.05.707.
- [34] M. T. A. Ansari, K. Singh and M. S. Azam. Effect of stacking sequence and fiber volume fraction on the static mechanical properties of woven GFRP Composite. in *Trends in Materials Engineering: Lecture Notes on Multidisciplinary Industrial Engineering*. 2019. Springer Nature Singapore Pte Ltd. pp. 51-58.
- [35] G. Ntournmas, F. Glock, S. Deinert, F. Daoud, G. Schuhmacher, D. Chronopoulos, E. Özcan and J. Ninić, "Stacking sequence optimisation of an aircraft wing skin," *Struct. Multidiscip. Optim.*, vol. 66, no. 2, pp. 31, Jan. 2023. Doi: doi.org/10.1007/s00158-022-03483-8.
- [36] Y. Hu, G. Han, F. Cheng and X. Hu, "Thickness effect on flexural strengths of laminar carbon fibre composites," *Thin-Walled Struct.*, vol. 186, no., pp. 110690, May 2023. Doi: doi.org/10.1016/j.tws.2023.110690.
- [37] W. Sun, Y. Luo and H. Sun, "Experimental studies on the elastic properties of carbon fiber reinforced polymer composites prefabricated of unidirectional carbon fiber fabrics and a modified rule of mixtures in the parallel direction," *Adv. Compos. Lett.*, vol. 27, no. 1, pp. 34-43, Jan. 2018. Doi: doi.org/10.1177/09636935180270.
- [38] Q. Zuo, C. Wang, L. Lin, Y. Li, B. Wang, B. Miao and G. Pan, "Layup optimization of ramie fabric reinforced composite: woven fabric and lamination parameters," *Ind. Crop. Prod.*, vol. 198, no., pp. 116712, Aug. 2023. Doi: doi.org/10.1016/j.indcrop.2023.116712.